

Q & A

## IMFPの定性的な理解について

田沼繁夫

(株) ジャパンエナジー分析センター  
〒 335 戸田市新曽南 3-17-35

Q : 先日一村氏（電総研）から、ある。

IMFPの大小は一般的には 値電子密度の大小で説明されるが、金と銅では逆転するなど例外も多い。定性的にはIMFPの大小はどう理解すべきなのか？」という質問を受けました。完全ではありませんが、私たちが提案しているTPP-2M式を使って、IMFPの定的な考え方をのべたいと思います。

A : IMFPの一般式TPP-2Mは次式で表される。

$$\lambda = 1 / n_a \sigma_{tot} \quad (4)$$

また、全非弾性散乱断面積を与えるBetheの式は次式で表される。

$$\sigma_{tot} = \frac{4 \pi a_0^2}{(E/R)} M_{tot}^2 \ln \left( \frac{4 c_{tot} E}{R} \right) \quad (5)$$

$$\lambda = \frac{E}{E_p^2 [\beta \ln(\gamma E) - C/E + D/E^2]} \quad (\text{\AA}) \quad (1)$$

$$\beta = -0.0216 + \frac{0.944}{(E_p^2 + E_g^2)} + 7.39 \times 10^{-4} \rho \quad (2)$$

ここで、Epは自由電子プラズモンエネルギー、  
Egバンドギャップエネルギーである。また、γ、C、  
Dの式は省略した。

ここでエネルギーの高い場合を考えれば (E>500 eV)，上の式は簡略化でき

$$\lambda = \frac{E}{E_p^2 \beta \ln(\gamma E)} \quad (\text{\AA}) \quad (3)$$

となる。ここでγ<<Eであるから、IMFPの値の物質による大小は1/Ep<sup>2</sup>βで決まることになる。

ここでBetheの式とTPP-2M式の関係を考えて見る。

IMFP λは全非弾性散乱断面積σ totとは次式の関係に

ここで、Nvは 値電子の数、ΔEaは平均励起エネルギー、Mtot<sup>2</sup>はdipole matrix elementの2乗である。

(4), (5)式を定数項を入れて整理すれば

$$\lambda = \frac{A E}{28.8 \rho M_{tot}^2 \ln(\gamma E)} \quad (\text{\AA}) \quad (7)$$

となる。

(7), (3)式を比較すればMtot<sup>2</sup>は次式で表される。

$$M_{tot}^2 = 28.8 \beta N_v \equiv \frac{RN_v}{\Delta E_a} \quad (8)$$

したがって、βおよび問題になっている1/Ep<sup>2</sup>βは次のように表される。

$$\beta \equiv \frac{k}{\Delta E_a} \quad (9)$$

$$1/E_p^2 \beta = k \frac{\Delta E_a}{n_v} \quad (10)$$

ここで、 $k$ は定数である。したがって、IMFPの物質による相違は平均励起エネルギーを価電子密度でわった値に依存することになる。すなわち、価電子あたりの励起エネルギーが高いほどIMFPは大きな値となる。

この考え方が、成り立つか否かをAl, Cu, Auで考えてみる。これらのIMFPは右図に示すように、300eV以上ではAu < Cu < Alの順に大きくなっている。そこで、価電子密度の逆数や、 $1/E_p^2 \beta$ を計算したものを表1に示す。これから明らかな様にこれらの金属におけるIMFPの大小は $1/E_p^2 \beta$ の値、即ち $\Delta E_a/n_v$ により決定されている。また、平均励起エネルギーを自由電子プラズモンエネルギーで代表させる( $\Delta E_p/n_v$ )ことは、表からわかるようにCuやAuのような非自由電子的な金属ではうまく行かない。また、単純な価電子の密度( $1/n_v$ )だけでIMFPの値が決まらないこともこの表からわかる。

表1. IMFP値と係数の計算値

	$1/n_v$	$\Delta E_a/n_v$	$E_p/n_v$	IMFP(1000eV)
Al	1.00	1.00	1.00	21.3 Å
Cu	0.19	0.67	0.43	17.5 Å
Au	0.28	0.52	0.53	13.9 Å

IMFPを除く値はすべてAlで規格化した。また、

$$\frac{\Delta E_a}{n_v} = 1/E_p^2 \beta$$

である。

